

# Introdução às Funções Financeiras do Excel





## Capítulo 1

# Introdução às Funções Financeiras do Excel

### NESTE CAPÍTULO

- Introduzindo o conceito fundamental do valor do dinheiro no tempo
- Usando as funções financeiras básicas do Excel VP, VF, NPER, PGTO, e TAXA
- Convertendo taxas de juros efetiva e nominal
- Calculando custos efetivos de empréstimos usando diferentes sistemas de cotações de taxas
- Calculando os pagamentos acumulados de juros e principal usando as funções CUMIPMT e CUMPRINC
- Matching different interest and pagamento frequencys
- Entendendo as limitações das funções VP, VF, NPER, PGTO, TAXA, CUMIPMT e CUMPRINC

É **BEM CERTO** que a maioria dos usos comuns do Excel é para realizar cálculos envolvendo dinheiro. A cada dia, as pessoas tomam centenas de milhares de decisões financeiras baseadas nos números que são calculados numa planilha. Estas decisões vão desde uma simples (*Eu posso me permitir a compra de um carro novo?*) até uma complexa (*Adquirindo a Corporação XYZ resultará num fluxo de caixa positivo nos próximos 18 meses?*). Este é o primeiro de três capítulos que discute cálculos financeiros que você pode realizar com o auxílio do Excel.

## Funções Financeiras Básicas do Excel

Este capítulo apresenta muitos exemplos que usam cinco funções financeiras básicas do Excel.

A sintaxe para estas funções é mostrada aqui (argumentos em negrito são argumentos exigidos):

- VP(**taxa**, **nper**, **pgto**, vf, tipo)
- VF(**taxa**, **nper**, **pgto**, vp, tipo)
- PGTO(**taxa**, **nper**, **vp**, vf, tipo)
- TAXA(nper, pgto, vp, vf, tipo, estimativa)
- NPER(**taxa**, **pgto**, **vp**, vf, tipo)

Como você verá, estas funções são extremamente flexíveis, e são úteis para uma grande variedade de problemas. Para usar estas funções efetivamente, você precisará entender três conceitos básicos:

- ❖ Marcar os fluxos de dinheiro como positivo ou negativo
- ❖ O conceito básico do valor do dinheiro no tempo
- ❖ O conceito de taxas de juros equivalentes

Estes conceitos estão todos cobertos neste capítulo e serão colocados em uso mais adiante nos capítulos subsequentes.



### Terminologia Básica

- Valor Presente (VP): Esta é a quantia *principal*. Se você investir \$5.000 num CD (Certificado de Depósito) bancário, esta quantia representa o principal, ou valor presente, do dinheiro que você investiu. Se você tomou emprestado \$15.000 para compra de um carro, esta quantia representa o principal ou valor presente do empréstimo. Valor Presente pode ser positivo ou negativo.
- Valor Futuro (VF): Este é o principal mais os juros. Se você investir \$5.000 por cinco anos e ganhar 6% de juros anuais, você receberá \$6.312,38 no final do prazo de cinco anos. A quantia é o valor futuro do seu investimento de \$5.000. Se você conseguir um empréstimo de automóveis de três-anos no valor de \$15.000 e pagar 7% de juros anuais, você pagará um total de \$16.673,16. Esta quantia representa o principal mais os juros que você pagou. O Valor Futuro pode ser ou positivo ou negativo.
- Pagamento (PGTO): Este é ou o principal ou principal mais os juros. Se você deposita \$100 por mês numa conta de poupança, \$100 é o pagamento. Se você tiver uma pagamento de \$825 numa hipoteca, os \$825 são constituídos do principal e juros.
- Taxa de juros: Juro é uma porcentagem do principal, usualmente expressa numa base anual. Por exemplo, você poderia ganhar 5,5% de juros anuais num CD bancário. Ou sua hipoteca poderá ter uma taxa de juros de 7,75%.
- Período: Este representa o momento quando os juros são pagos ou ganhos. Por exemplo, um CD bancário que paga juros trimestralmente ou um empréstimo de veículos que exige pagamentos mensais.
- Prazo: Esta é a quantia de tempo de juros. Um CD 12-meses tem um prazo de um ano. Uma hipoteca de 30-anos tem um prazo de 30 anos.

## Convenção de Marcação dos Fluxos de Dinheiro

Observe o seu extrato bancário, e ficará patente que o dinheiro flui!

Quando se trata de funções financeiras do Excel, é crítico que você entenda como “sinalizar” os fluxos de caixa. Em outras palavras, você usará o sinal positivo ou negativo?



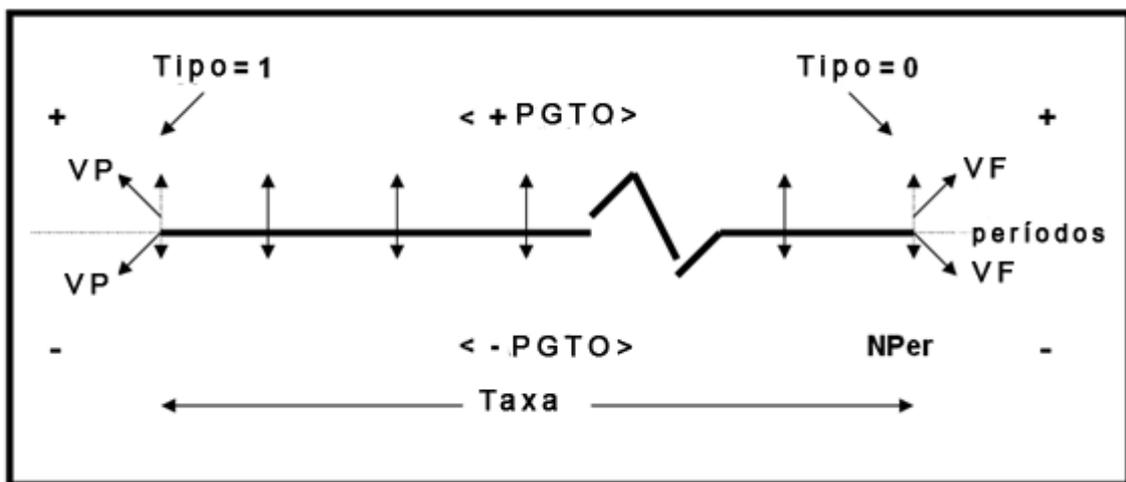
## A Relação entre NPER, PGTO e TAXA

O Excel não “sabe” nada a respeito dos diferentes períodos de tempo tais como meses, semanas, ou anos. Ele meramente conta-os e espera você rotulá-los apropriadamente e estar certo de que você não os misture.

O diagrama associado representa o conceito do valor do dinheiro no tempo usado pelas funções do Excel VP, VF, PGTO, NPER e TAXA. As setas representam fluxos de dinheiro, e seu sentido (positivo ou negativo). Qualquer problema com solução consiste de quatro variáveis conhecidas e uma variável incógnita. A variável incógnita é o nome da função, e as variáveis conhecidas representam os argumentos da função.

O diagrama deve ser do saldo em termos de fluxos descontados ou acumulados, negativo e positivo. O conceito permite somente uma única taxa de juros, a qual deve ser a taxa efetiva para o período de tempo medido pelo NPER. Similarmente, somente um nível de pagamento é permitido, e este deve ser por um período de tempo medido por NPER. O argumento Tipo no conceito mostra se os pagamentos são antecipados ou postecipados.

Se você puder preencher quatro das cinco variáveis, o Excel pode resolver o problema. Há uma exceção: Se os pagamentos são envolvidos, o Excel precisa saber quando os pagamentos ocorrem (isto é, o argumento Tipo).



Para resolver problemas financeiros usando as funções financeiras básicas do Excel, você precisa executar dois passos preliminares:

1. Determinar a perspectiva dos fluxos de caixa do credor. Por exemplo, num problema de capitalização simples, você a está observando da perspectiva do depositante ou do banco? Num problema de hipoteca, você será o devedor, ou o credor? Quando calcular o valor de uma série de pagamentos futuros, você é o comprador (o pagamento sai pelo direito de receber), ou você é o vendedor (recebendo um pagamento por conceder aquele direito)?
2. Determine se qualquer particular valor presente, pagamento, ou valor futuro vem para você (sinal positivo), ou vai de você (sinal negativo).



Quando você tem uma empresa negociando com estes dois pontos, você será capaz de usar as funções financeiras do Excel para criar fórmulas financeiras efetivas — e ser capaz de interpretar os resultados retornados pelas fórmulas.

Geralmente, dinheiro que entra para você é assumido com sinal positivo. Dinheiro que sai de você é assumido ser negativo. Por exemplo, se um problema de valor presente retorna um valor negativo, significa que esta quantia é paga no período de tempo zero. Se ela é positiva, o dinheiro é recebido. Considere um exemplo de cálculo de pagamentos de hipotecas. Se você é o tomador do empréstimo, o empréstimo “vem para você”, e os pagamentos calculados terão um sinal negativo (os quais indicam que você os pagou). Quando se calcula a taxa de juros sobre um empréstimo de hipoteca, você deve tomar cuidado to sign the empréstimo valorand os pagamentos apropriadamente. Caso contrário, o Excel assumirá que eles são todos numa direção e gerará um erro. Por exemplo, a fórmula deve mostrar

#NUM!, a qual indica uma taxa de retorno infinitamente alta (tudo virá para você e nada será pago por isto).

## Funções Acumulação, Desconto e Amortização

Esta seção contém vários exemplos que demonstram o uso das cinco funções básicas do Excel para resolver problemas de capitalização e amortização. Embora a tendência seja observar a amortização e capitalização como problemas separados, eles são essencialmente os mesmos. De fato, a única diferença é no sinal dos fluxos de caixa.

Podemos classificar estes problemas em problemas simples e complexo. Em problemas simples, lidamos com somente duas das três variáveis de caixa (valor presente, pagamento, e valor futuro). Em problemas complexos, lidamos com todas as três.

Apesar de classificarmos estes como problemas simples e complexos, o Excel ainda exige um valor para todas as três variáveis de caixa. Portanto, usamos zero para o elemento “faltante”.

### Problemas Capitalização Simples

Esta seção contém sete exemplos que demonstram problemas de capitalização simples.



Todos os exemplos nesta seção estão disponíveis nas Planilhas da Pasta Funções Financeiras do Excel que acompanha.

#### EXEMPLO 1

*Aplicando \$1.000 numa caderneta de poupança, quanto será o montante acumulado após dois anos, a juros de 6% por ano?*

A Figura 1-1 mostra este problema montado numa planilha.



	A	B	C	D	E	F	G
2	Questão						
3							
4	Aplicando \$1.000 numa caderneta de poupança, quanto será o montante acumulado						
5	após dois anos, a juros de 6% por ano?						
6							
7	Função:						
8	VF(TAXA;nper;PGTO;VP;Tipo)						
9	Neste caso não há pagamentos. PGTO toma o valor 0, e Tipo é 0 (é irrelevante)						
10							
11							
12	Dados exigidos para a função VF						
13							
14	Taxa		6%				
15	nper		2				
16	PGTO		0				
17	VP		\$-1.000,00				
18	VF						
19	Tipo		0 Irrelevante				
20							
21	Resposta						
22							
23	VF		\$1.123,60		=VF(B14;B15;B16;B17;B19)		
24							

**Figura 1-1: Calculando um valor futuro**

Função exigida: VF(**taxa**; **nper**; **pgto**; **vp**; **tipo**)

Esta fórmula retorna \$1.123,60:

=VF(6%;2,0;-1000;0)



As fórmulas exemplos neste capítulo usam valores severamente codificados para os argumentos da função. Os exemplos nas Planilhas da Pasta Funções Financeiras do Excel usam referências de células para os argumentos da função.

Note que este problema é estabelecido da perspectiva do depositante. Portanto, o depósito inicial (o argumento **vp**) é negativo. Nenhum pagamento regular é feito, assim o argumento **pgto** é 0. Com nenhum pagamento, o argumento **tipo** é irrelevante.



Quando entrando com dados numéricos como argumentos da função, assegure-se de não inserir separadores de milhares. Por exemplo, digite **1000**, não **1.000**.

Dependendo de sua configuração regional, os separadores de milhares podem ser os mesmos caracteres dos separadores de argumentos.

### EXEMPLO 2

*Se \$1.000 capitalizou para \$2.000 em nove anos, qual foi a taxa de crescimento anual média?*

Função exigida: TAXA(**nper**;**pgto**;**vp**;vf; tipo;estimativa)

Esta fórmula retorna 8,005974%:

=TAXA(9;0;-1000;2000;0)

Este exemplo é da perspectiva do depositante, assim o argumento **vp** é negativo e o argumento **vf** (um direito a receber) é positivo. Devido o prazo ser expresso em anos, taxa é a *taxa efetiva* ao ano.

### EXEMPLO 3

*Depositando \$100.000 e ganhando 4% ao ano, quanto tempo levará para tornar-me um milionário?*

Função exigida: NPER(**taxa**; **pgto**; **vp**;vf; tipo)

Esta fórmula retorna 58,71:

=NPER(4%;0;-100000;1000000;0)

Este exemplo é da perspectiva do depositante. Portanto, o argumento **vp** é negativo e o argumento **vf** (o direito a receber \$1 milhão) é positivo.

Devido à taxa ser cotada em termos efetivos anuais, o resultado está em anos.

### EXEMPLO 4

*Se eu tenho R\$125.463,45 em minha conta e se ganhei 2% de juros ao mês durante 12 meses, qual foi o depósito original?*

Função exigida: VP(**taxa**;**nper**;**pgto**;vf;tipo)

Esta fórmula retorna -R\$98.927,07:

=VP(2%;12;0;125463,45;0)

Com nenhum pagamentos regular, o argumento **pgto** é 0 e o argumento **tipo** é irrelevante.

Devido aos R\$125.463,45 na conta ser um direito a receber, o argumento **vf** leva o sinal positivo e o valor presente calculado é negativo.

### EXEMPLO 5

*Se eu deposito \$200 por mês (começando hoje) numa conta ganhando 1,5% por mês, quanto terei após três anos?*

Função exigida: VF(**taxa**;**nper**;**pgto**; vp; tipo)

Esta fórmula retorna \$8.172,96:

=VF(1,5%;36;-200;0;1)

Neste exemplo, o prazo é cotado em anos, mas os juros e os pagamentos são mensais. Isto exige um cálculo preliminar. A abordagem mais direta é converter anos para meses. Uma outra opção é converter a taxa de juros para uma taxa efetiva anual, e daí converter os \$200 para uma quantia equivalente por ano. Isto produzirá o mesmo resultado, mas é uma abordagem excessivamente complicada.

Note que pagamentos começam “hoje” e são, portanto, antecipados, Consequentemente, o argumento **tipo** é 1. Nenhum saldo presente é estabelecido, então o argumento **vp** é 0.



Em todos os exemplos precedentes, as questões podem ser reformuladas tais que os negativos tornem-se positivos, e os positivos tornem-se negativos. Portanto, o Exemplo 1 pode ser reformulado como segue.

### EXEMPLO 6

*Tomando emprestado \$2.000 por quatro anos a 5% de juros, quanto você terá de pagar de volta?*

Função exigida: VF(**taxa**; **nper**; **pgto**;vp;tipo)

Esta fórmula retorna -\$2.431,01:

=VF(5%;4;0;2000;0)

Aqui a questão é da perspectiva do tomador do empréstimo, e a fórmula foi modificada tal que o empréstimo tomado inicialmente (o argumento vp) seja positivo. Nenhum pagamento regular foi feito, assim o argumento **pgto** é 0. Com nenhum pagamento, o argumento tipo é irrelevante.

Os Exemplos 2 até o 5 podem também serem reformulados assim: O depositante torna-se o tomador do empréstimo, e o tomador do empréstimo torna-se o depositante.

### EXEMPLO 7

*Se \$1.000 capitalizou para \$4.000 em nove anos, qual foi a taxa de crescimento anual média?*

Função exigida: TAXA(**nper**;**pgto**;**vp**;vf;tipo; estimativa)

Esta fórmula retorna 16,652904%:

=TAXA(9;0;-1000;4000;0)

Este exemplo é da perspectiva do depositante. Portanto, o argumento vp é negativo e o argumento vf (um direito a receber) é positivo. Devido ao prazo ser expresso em anos, a taxa é a taxa efetiva por ano. Com nenhum pagamento regular, o argumento é 0 e o argumento tipo é irrelevante.



Uma característica importante dos cálculos financeiros é que eles podem ser verificados para se estabelecer a precisão da resposta. Isto pode ser feito “fora da planilha” usando uma calculadora financeira, ou ele pode ser feito usando a fórmula subjacente ou outra função.

Os passos seguintes demonstram um método para verificar o resultado de 16,652904% para este exemplo:

1. Calcule quanto \$1.000 acumula em nove anos a taxa calculada. Esta fórmula retorna \$4.000:

=VF(16,652904%;9;0;-1000;0)

2. Calcule o valor presente de \$4.000, descontado à taxa calculada por nove anos. A fórmula seguinte retorna -\$1.000:

=VP(16,652904%;9;0;4000;0)

3. Calcule quanto tempo leva \$1.000 para acumular a \$4.000 à taxa calculada. A fórmula seguinte retorna oito:

=NPER(16,652904%;0;-1000;4000;0)

4. Calcule o resultado usando o seguinte fórmula, que retorna 16,652904%:

=(4000/--1000)^(1/9)-1

Uma técnica para verificação cruzada é comparar o cálculo verificado com os dados originais de tal maneira que o método produza um erro de 0. Em todas as verificações anteriores, subtraindo os dados originais do cálculo de verificação produz um erro zero. Se todos os cálculos forem verificados e os erros calculados desta forma, a soma de todos os erros numa planilha aproximará de zero. É improvável ser exatamente zero devido aos erros de arredondamento.



Os exemplos nas Planilhas da Pasta Funções Financeiras do Excel contêm fórmulas de verificação de erros.

## Problemas Complexos de Capitalização

Esta seção descreve quatro exemplos de problemas complexos de capitalização. Existem dois tipos de problemas complexos de capitalização:

- \_ Problemas que não tem valores nulos para quaisquer dois dos parâmetros chaves (valor presente, pagamento, e valor futuro), e exige uma solução para o terceiro parâmetro.
- \_ Problemas que tem entradas não nulas para todos os três parâmetros (valor presente, pagamento, e valor futuro), e exige uma solução ou para a TAXA ou NPER.



Todos os exemplos nesta seção estão disponíveis nas Planilhas da Pasta Funções Financeiras do Excel, junto com a verificação cruzada para garantir sua precisão.

### EXEMPLO 8

Com um saldo inicial de R\$25.500 e pagamentos de R\$1.500 por mês (no final de cada mês), quanto eu acumularei durante três anos se eu ganho 0,85% por mês?

A Figura 11-2 mostra este exemplo, monte-o numa planilha.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
1	Exemplo 8									
2	Questão									
3										
4	Com um saldo inicial de R\$25.500 e pagamentos de R\$1.500 por mês (no final de cada mês), quanto eu acumularei durante três anos se eu ganho 0,85% por mês?									
5										
6	Função									
7										
8	VF(TAXA;Nper;PGTO;PV;Tipo)									
9										
10	Dados exigidos para a função VP									
11										
12	Taxa		0,850%							
13	Nper		36							
14	PGTO		(R\$ 1.500,00)							
15	VP		(R\$ 25.500,00)							
16	Tipo		0							
17										
18	Resposta									
19										
20	VF		R\$ 97.447,44			<--=VF(B12;B13;B14;B15;0)				
21										

Figura 1-2: Calculando um valor futuro

Função exigida: VF(taxa;nper; pgto; vp; tipo)

Esta fórmula retorna \$97.447,44:



=VF(,85%;36;-1500;-25500;0)

O sinal negativo para o argumento **vp** pode ser confuso, porque ele representa um saldo atual (um direito a receber). Entretanto, devido a estarmos olhando adiante no tempo, ele é tratado como um depósito. Pagamentos e taxas são cotados com base mensal; portanto, o prazo de três anos deve ser convertido para meses. O **VF** é retornado como positivo, o qual é um direito a receber.

### EXEMPLO 9

*Meu saldo bancário a seis anos atrás era \$15.000, e eu adicionei \$2.500 ao término de cada ano. O saldo atual é \$50.000. Qual foi o meu retorno anual médio?*

Função exigida: TAXA(**nper**; **pgto**; **vp**; **vf**; tipo; estimativa)

Esta fórmula retorna 12,049840%:

=TAXA(6;-2500;-15000;50000;0;0)



TAXA é uma função particularmente poderosa, devido à solução poder ser somente obtida por iteração. Só raramente é necessário inserir uma taxa estimativa como o sexto argumento opcional. Se omitido, O Excel fornece a estimativa default de 0.

### EXEMPLO 10

*Minha conta tinha um débito de \$12.000 e eu deposito \$1.000 no final de cada mês. Quanto tempo levará para eu me tornar um milionário se eu ganhar um retorno médio de 0.6% por mês?*

Função exigida: NPER(**taxa**, **pgto**, **vp**, **vf**, tipo)

A fórmula seguinte retorna 390,01 meses:

=NPER(0,8%;-500;15000;1000000;0)

Note que a questão é formulada tal que o débito seja um depósito. Portanto, ele requer o sinal negativo para o argumento **vp**.

Se o saldo negativo é visto como um empréstimo, o valor futuro será positivo. Num tal caso, dois cálculos seriam exigidos se a taxa saldo negativo não for igual à taxa de depósito. Primeiro calcularíamos o tempo levado para atingir saldo zero, e daí então calcularíamos o tempo para atingir \$1 milhão.

Usando taxas de 0,9% para o saldo negativo e 0.6% para os depósitos, esta fórmula retorna 463,90 meses:

=NPER(0,9%;-500;15000;0;0)+NPER(0,6%;-500;0;1000000;0)

### EXEMPLO 11

*Deposito \$1.000 por mês (no final de cada mês) pretendo fazer isto nos próximos dez anos. Se eu preciso acumular \$1.000.000, quanto deveria depositar agora se a conta recebe 0,5% ao mês?*

Função exigida: VP(**taxa**; **nper**; **pgto**; **vf**; tipo)

Esta fórmula retorna -\$459.559,28:

=VP(0,5%;120;-1000;1000000;0)

Precisamos converter anos para meses para garantir a adequação dos argumentos **pgto**, **taxa** e **nper**.

Se trabalhar nos primeiros 11 exemplos, você deverá ter entendido o processo:

1. Determinar as funções exigidas.
2. Determinar os sinais das entradas **pgto**, **vp**, e **vf**.
3. Garantir que os períodos da taxa, **nper** e **pgto** são os mesmos (ou convertê-los para torná-los os mesmos).



4. Inserir os argumentos na ordem correta (preferencialmente usando células referências).
5. Considere o significado da resposta.
6. Determine que função, ou cálculos, é exigido para uma verificação cruzada.
7. Certifique-se de que o erro se aproxime de zero.

## Problemas Simples de Descontos

Você pode pensar o desconto como “o inverso da capitalização ou acumulação.” Ao invés de capitalizar um valor presente para um valor futuro, estaremos determinando o valor presente de uma quantia futura.

Como com a capitalização, poderemos ter problemas que envolvam dois ou três dos valores monetários VP, VF, ou PGTO. Onde somente dois são envolvidos, nós chamaremos de *desconto simples* e quando todos os três estiverem envolvidos, chama-los-emos de *desconto complexo*.



Todos os exemplos nesta seção estão disponíveis nas Planilhas da Pasta Funções Financeiras do Excel. Cada exemplo também contém uma verificação cruzada para garantir a precisão dos cálculos.

### EXEMPLO 12

Qual é o valor presente do direito de receber \$25.000 daqui cinco anos, descontado a 6,5% por ano?

A Figura 11-3 mostra este exemplo, monte numa planilha.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
1	Exemplo 12								
2	Questão								
3									
4	Qual é o valor presente do direito de receber \$25.000 daqui cinco anos, descontado a 6,5% por ano?								
5									
6	Função								
7									
8	VP(TAXA;Nper;PGTO;VF;Tipo)								
9	Mas neste caso não há pagamentos. PGTO toma o valor 0 e Tipo é 0 (mas irrelevante)								
10	Dados exigidos para a função VP								
11									
12	Taxa		6,5%						
13	Nper		5						
14	PGTO		R\$ 0,00						
15	VF		(R\$ 25.000,00)						
16	Tipo		0						
17									
18	Resposta								
19									
20	VP		R\$ 18.247,02						
21									

Figura 1-3: Calculando um valor presente

Função exigida: VP(taxa; nper; pgto;vf;tipo)

Esta fórmula retorna -\$18.247,02:



=VP(6.5%;5;0;25000;0)

Note a lógica dos sinais. Se tivermos um direito a receber, o argumento *vf* é positivo — devemos pagar no presente para receber este direito positivo no futuro.

Com nenhum pagamento, o argumento tipo é irrelevante.

A precisão dos cálculos pode ser assegurada pela verificação cruzada da resposta com outra função. Neste caso, poderemos verificar se \$18.247,02 acumulará para \$25.000 daqui a cinco anos a 6,5%. A fórmula seguinte de verificação cruzada realmente retorna \$25.000:

=VF(6.5%;5;0;-18247,02;0)

### EXEMPLO 13

*Uma propriedade conduz a um aluguel de \$25.000 nos próximos 25 anos. Se eu descontar a 8%, quanto eu deverei pagar por ela? Assuma um valor zero após 25 anos e que o aluguel é pago postecipado e anualmente.*

Função exigida: VP(**taxa**, **nper**, **pgto**, **vf**, tipo)

A fórmula seguinte retorna -\$266.869,40:

=VP(8%;25;25000;0;0)

Este resultado pode ser verificado usando a função TAXA. Esta fórmula retorna 8.00%:

=TAXA(25;25000;-266869,40;0;0)

Tipicamente, pagamentos de real estate são feitos antecipados. Em tal caso, o Exemplo 13 seria modificado fazendo o argumento Tipo igual a 1.

### EXEMPLO 14

*Assuma que no Exemplo 13 o aluguel de \$25.000 seja recebido em perpetuidade. Se descontarmos a 8%, quanto deveria ser pago?*

Isto é um exemplo de problema de desconto que o Excel não pode resolver usando suas funções. O problema é que não podemos usar “perpetuidade” como o argumento *nper*. A solução é usar um período de tempo muito longo, tal como 1.000 anos. O resultado é certamente preciso o suficiente para a maioria dos propósitos.

Função exigida: VP(**taxa**; **nper**; **pgto**; **vf**; tipo)

A fórmula seguinte retorna -\$312.500,00:

=VP(8%;1000;25000;0;0)

Outra opção é usar uma fórmula para calcular o valor presente:

VP = PGTO/TAXA

Para este exemplo, a fórmula seguinte retorna \$312.500,00:

=25000/0,08

Note que o sinal é diferente porque a fórmula não adotou estritamente a convenção de sinais.

Se o aluguel é pago antecipado, nós meramente adaptamos isto abordagem “enganando” e usando 1 para o argumento Tipo. A fórmula seguinte retorna \$337.500,00:

=VP(8%;1000;25000;0;1)

A abordagem da fórmula é variada, e a fórmula geral para avaliar lucros antecipados é como segue:

VP = PGTO\*(1+TAXA)/TAXA



Para este exemplo, a fórmula seguinte retorna \$337.500,00:

$=25000*(1+,08)/,08$

Outros exemplos podem ser expressos em termos de desconto, mas os cobriremos mais tarde na seção “Problemas de Capitalização Simples”.

### EXEMPLO 15

*Uma propriedade vale atualmente \$2.000.000 e está submetida a um aluguel por cinco anos. O comprador pagou \$1.750.000 por ela. Assumindo nenhum crescimento futuro no valor, qual foi a taxa de desconto?*

Função exigida: TAXA(**nper**; **pgto**; **vp**; **vf**; tipo; estimativa)

A fórmula seguinte retorna 2,706609%:

$=TAXA(5;0;-1750000;2000000;0)$

O pagamento hoje representa um valor presente negativo. O valor em cinco anos é um direito (positivo) a receber.

Para verificar a resposta, use esta fórmula (que retorna \$2.000.000,03):

$=VF(2,706609\%;5;-1750000;0)$

O erro de arredondamento é causado pela fixação da taxa a somente seis casas decimais.

Normalmente, o argumento seria uma célula de referência, não um valor fixado.

### EXEMPLO 16

*Um arrendatário se interessou por uma propriedade que foi recentemente vendida por \$230.000. O arrendamento teve quatro anos de duração, e custou \$6.000 por mês antecipados sem revisão de arrendamento ou escalonamento. Se aceitarmos uma rentabilidade de 0,75%, qual o lucro de aluguel (profit rent) que foi apresentado pela transação? Lucro de aluguel é o valor do aluguel menos o arrendamento pago.*

Função exigida: PGTO(**taxa**; **nper**; **vp**; **vf**; tipo)

A fórmula seguinte retorna \$5.680,95 (lucro de aluguel):

$=PGTO(0,75\%;48;-230000;0;1)$

Adicionando ao arrendamento pago (\$6.000) produz um valor de aluguel de \$11.680,95.

## Problemas Complexos de Desconto

Problemas complexos de desconto envolvem o uso de três quantias monetárias: valor presente, pagamento e valor futuro. Os exemplos de desconto complexo nesta seção são essencialmente reformulações dos problemas de capitalização complexos.



Todos os exemplos nesta seção estão disponíveis nas Planilhas da Pasta Funções Financeiras do Excel.

### EXEMPLO 17

*Se eu desconto a 0,75% por mês, quanto deverei pagar por uma propriedade rendendo \$25.000 por mês antecipados (a qual estimo que valerá \$5.000.000 daqui a cinco anos)?*

Função exigida: VP(**taxa**; **nper**; **pgto**; **vf**; tipo)

A fórmula seguinte retorna -\$4.406.865,34:



=VP(0.75%;60;25000;5000000;1)

Este exemplo usa a taxa por mês, e os pagamentos são mensais. Portanto, o argumento nper foi convertido para meses.

Podemos verificar este cálculo usando a função TAXA. A fórmula seguinte retorna 0,75%:

=TAXA(60;25000;-4406865,34;5000000;1)

### EXEMPLO 18

*Eu paguei \$1.200.000 por uma propriedade que rende um aluguel de \$12.000 por mês antecipados. Se eu vendê-la daqui a cinco anos por \$1.500.000, que lucro receberei?*

Função exigida: TAXA(nper; pgto; vp; vf; tipo; estimativa)

A fórmula seguinte retorna 1,29136%:

=TAXA(60;12000;-1200000;1500000;1)

Este resultado pode ser verificado usando a função VP. A fórmula seguinte retorna -\$1.200.000,00:

=VP(1,29136%;60,12000;1500000;1)

É importante entender que o aluguel é cotado mensalmente e antecipados, mas o prazo são cinco anos. Esta discrepância é resolvida convertendo os anos para meses.

Portanto, a fórmula retorna uma taxa de juros mensais.



Note que o aluguel não é convertido para um aluguel anual. Isto porque um aluguel de \$12.000 por mês antecipados não é o mesmo que um aluguel de \$144.000 por ano antecipados. Para conseguir a quantia anual equivalente precisaríamos conhecer a taxa de desconto — que é um pouquinho de informação que estamos tentando calcular.

### EXEMPLO 19

*Uma propriedade foi comprada por \$1.600.000. Ela rende um aluguel de \$10.000 por mês antecipados. Se eu estou seguro de uma renda de 1% por mês, quanto deve valer a propriedade daqui a cinco anos quando eu planejo vendê-la?*

Função exigida: VF(taxa; nper;pgto;vp;tipo)

Esta fórmula retorna \$2.081.851,05:

=VF(1%;60;10000;-1600000;1)

Este resultado pode ser verificado usando a seguinte fórmula (que retorna -\$1.600.000):

=VP(1%;60;10000;2081851,05;1)

## Problemas de Amortização

A Amortização é um termo dado ao processo de pagar de volta empréstimos. Neste capítulo, de fato, já foi coberto a maioria dos cálculos exigidos, mas os problemas foram expressos em termos de capitalização.



Todos os exemplos básicos desta seção estão disponíveis nas Planilhas da Pasta Funções Financeiras do Excel.

### EXEMPLO 20



Quais são os pagamentos sobre um empréstimo de \$4.000.000 durante 20 anos, a 0,75% de juros ao mês (com pagamentos postecipados)?

Este exemplo está ilustrado na Figura 1-4.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
1	Exemplo 20								
2	Questão								
3									
4	<i>Quais são os pagamentos sobre um empréstimo de R\$4.000.000 durante 20 anos, a 0,75% de juros ao mês (com pagamentos postecipados)?</i>								
5									
6	Função								
7									
8	PGTO(TAXA;Nper;VP;VF;Tipo)								
9									
10	Dados exigidos para a função VP								
11									
12	Taxa		0,75%						
13	Nper		240						
14	VP		R\$ 4.000.000,00						
15	Tipo		0						
16									
17	Resposta								
18									
19	PGTO		(R\$ 35.989,04)			=PGTO(B12;B13;B14;0;0)			
20									

Figura 1- 4: Calculando um pagamento de empréstimo

Função exigida: PGTO (taxa;nper;vp;vf; tipo)

A fórmula seguinte retorna \$35.989,04:

=PGTO(0,75%;240;4000000;0;0)

Este resultado pode ser verificado usando a função VP para calcular a quantia emprestada. A fórmula seguinte retorna \$200.000:

=VP(0.75%;240;-35989,04;0;0)

Neste exemplo, o empréstimo é completamente reembolsado após 20 anos, e o argumento vf é zero. Também note que os pagamentos serão mensais, e a taxa de empréstimo mensal foi cotada. Portanto, o prazo de 20-anos é convertido para meses.

### EXEMPLO 21

*Eu posso me permitir pagamentos de \$2.500 por mês, e posso tomar emprestado a 0,45% (por mês) durante 20 anos. Quanto eu posso me permitir tomar emprestado em uma hipoteca completamente resgatável?*

Função exigida: VP(taxa; nper;pgto;vf;tipo)

Esta fórmula retorna \$366.433,74:

=VP(0,45%;240;-2500;0;0)



Note que, com hipotecas, sempre assumimos que os pagamentos sejam postecipados e que o argumento tipo seja 0. Note também que a taxa de juros (e os pagamentos) são mensais. Portanto, o prazo de 20 anos deve ser convertido para meses.

Você pode verificar a resposta usando a resposta calculada para determinar a taxa sobre uma hipoteca de \$366.433,74 durante 240 meses. A fórmula seguinte retorna 0,45%:

`=TAXA(240;-2500;366433,74;0;0)`

### EXEMPLO 22

*Eu devo atualmente \$150.000 numa hipoteca, e faço pagamentos de \$1.900 por mês. A taxa de juros corrente é 0,45% por mês. Quanto tempo levará para reembolsar o empréstimo?*

Função exigida: `NPER(taxa;pgto;vp;vf;tipo)`

A fórmula seguinte retorna 97,76:

`=NPER(0,45%;-1900;150000;0;0)`

Devido aos juros e pagamentos serem mensais, a fórmula retorna um período de amortização em meses. Esta resposta, embora correta em termos matemáticos, tem uma implicação prática. Os pagamentos são realmente feitos exatamente nos aniversários mensais. Este cálculo implica que o empréstimo de certo modo fica reembolsado no 0,76 do caminho do 98º mês. Na realidade, você tem uma escolha: fazer um pagamento adicional no final de 97 meses, ou fazer um pagamento de nível reduzido após 98 meses. Estas opções podem ser calculadas usando a função VF.

Para calcular o pagamento adicional no final dos 97 meses, calcule a quantia devida usando esta fórmula (a qual retorna -\$1.429,85):

`=VF(0,45%;97;-1900;150000;0)`

Portanto, o final pagamento após 97 meses é -\$3.329,85 (isto é, o pagamento normal de -\$1.900 mais -\$1.429,85).

Para calcular o pagamento reduzido após 98 meses, use esta fórmula (que retorna +\$463,72):

`=VF(0,45%;98;-1900;150000;0)`

Portanto, o pagamento final após 98 meses é -\$1.436,28 (isto é, o pagamento normal de -\$1.900 mais \$463,72).



Um problema relativamente freqüente surge quando o pagamento for menor que a quantia da porção de juros do saldo devedor. Neste exemplo, o outstanding empréstimo é \$150.000, e os juros do primeiro mês são \$675 ( $\$150.000 * 0,45\%$ ). Se o pagamento for menor que esta quantia, o saldo devedor continuará a aumentar, e o empréstimo se estenderá ao infinito (ou melhor, parece sobreviver até o infinito). Se isto acontecer, a função NPER retorna a mensagem de erro #NUM!.

### EXEMPLO 23

*Um contrato de crédito ao consumidor fornece que eu tomo emprestado \$1.000 e pago \$100 por mês antecipados por 12 meses. Qual é a taxa de juros?*

Função exigida: `TAXA(nper;pgto;vp;vf;tipo;estimativa)`

A fórmula seguinte retorna 3,503153%:

`=TAXA(12;-100;1000;0;1)`

Antes de você começar a pensar quão generoso é este contrato, lembre-se que os pagamentos são por mês. Portanto, o resultado é a taxa efetiva mensal!



A taxa efetiva anual equivalente é 51,16%, calculada como segue:

$$=((1+0,03503153)^{12})-1$$

A taxa anual, baseada na nominal composta com base mensal, retorna 42,05%, calculado como segue:

$$=3,503153 * 12$$



Há uma grande diferença entre a taxa efetiva anual e a taxa nominal equivalente composta mensalmente. O tamanho da diferença aumenta com os níveis das taxas usados.

### EXEMPLO 24

*Eu emprestei \$300.000 de uma hipoteca “balloon” durante 15 anos, com pagamentos mensais de \$100.000. O saldo de \$200.000 é devido no final do prazo. A taxa de juros é 0,4% por mês, e os pagamentos são feitos mensalmente e postecipados. Quais serão os pagamentos?*

Um tipo de hipoteca comum (usado para aumentar a quantia que eu posso tomar emprestado) é a assim chamada hipoteca “balloon”. O empréstimo é dividido em dois elementos: 1) o elemento “pagamento”, onde os pagamentos cumprem completamente parte do empréstimo no final do prazo, e 2) o elemento “balloon”. Durante o prazo do empréstimo, somente os juros (e não o principal) são pagos no elemento balloon. O saldo principal é pago como um montante no final do empréstimo.

A habilidade para uso de um argumento vf nas funções VP, PGTO, TAXA, e NPER torna-se relativamente fácil de realizar nos cálculos de hipoteca balloon.

Função exigida: PGTO(**taxa;nper; vp; vf;tipo**)

A fórmula seguinte retorna -\$1.580,41:

$$=PGTO(0,4\%;180;300000;-200000;0)$$

Note que a hipoteca total de \$300.000 é usada para o argumento vp.

Este cálculo pode ser verificado usando o pagamento calculado para determinar o VP. Esta fórmula retorna \$299.999,43 (o erro de arredondamento foi causado pelo uso de uma quantia de pagamento arredondada):

$$=VP(0,4\%;180;-1580,41;-200000;0)$$

Os pagamentos com base balloon podem ser comparados com pagamentos de uma hipoteca tradicional. Esta fórmula retorna \$202.509,64 (hipoteca tradicional):

$$=VP(0,4\%;180;-1580,41;0;0)$$

E pagamentos para a hipoteca tradicional de \$300.000 são -\$2.341,24, calculado com esta fórmula:

$$=PGTO(0,4\%;180;300000;0;0)$$

Os exemplos de cálculos de amortização anteriores podem ser modificados para as hipotecas balloon fornecendo um argumento vf nas funções VP, PGTO, NPER e TAXA.

Você pode calcular também o elemento hipoteca balloon por si só com a função VF.

Isto é um cálculo que exige uma interpretação cuidadosa do sinal do resultado. Se a função VF retornar um valor positivo, que significa que a hipoteca original foi paga a mais e esta quantia é agora devida ao tomador do empréstimo. Se ela retornar uma quantia negativa, esta é a quantia do elemento balloon. Um elemento balloon existirá nos casos onde as quantias de pagamentos não pagam o empréstimo completamente durante o prazo da hipoteca à taxa de juros cotada.

Tipicamente, estes cálculos são feitos em dois estágios. Primeiro, calcule o pagamento sobre a amortização normal do empréstimo (usualmente de acordo com as regras do credor). Segundo, calcule quanto o elemento “balloon” num pagamento adicional permitirá. O Exemplo 25 fornece os detalhes.



## EXEMPLO 25

Se o banco insiste numa amortização de \$200.000 de um empréstimo, quanto extra eu posso tomar emprestado sobre uma hipoteca balloon se eu posso me permitir pagamentos de \$3.000 por mês? O prazo do empréstimo é 10 anos, e a taxa atual é 0,4% por mês.

Função exigida: PGTO(**taxa**; **nper**; **vp**; **vf**; tipo)

O primeiro passo é calcular o pagamento para uma amortização normal do empréstimo de \$200.000. A fórmula seguinte retorna -\$2.101,81:

=PGTO(0,4%;120;200000;0;0)

Se os pagamentos de \$3.000 forem a preços acessíveis, a quantia adicional de \$898,19 pode ser paga como juros sobre o elemento balloon (isto é, \$3.000 – \$2.101,81). O elemento balloon pode agora ser calculado porque a quantidade de juros é conhecida. Esta fórmula, que representa o elemento balloon, retorna \$224.546,88:

=898,19 / 0,4%

O cálculo pode ser verificado calculando o pagamento baseado numa hipoteca total de \$424.546,88 com um elemento balloon de \$224.546,88. A fórmula seguinte retorna -\$3.000:

=PGTO(0,4%;120;424546,88;-224546,88;0)

## Convertendo Taxa de Juros

Os exemplos anteriores foram convenientemente expressos para permitir uma adequação fácil das taxas de juros com a frequência de pagamentos e o prazo total. Frequentemente, entretanto, interpretar um problema financeiro será mais difícil. Existem duas situações nas quais a conversão de taxa de juros deve ser feita:

\_ Quando você deve fazer os cálculos envolvendo a frequência de pagamentos ou a número de períodos, e a taxa que você exige para usar não se adapta à frequência de pagamentos ou período.

\_ Quando você tiver feito cálculos envolvendo a frequência de pagamentos ou a número de períodos, e você precisa expressar a taxa de juros resultante em termos de uma taxa por ano ou algum outro período de tempo.

Para criar fórmulas precisas, você precisará entender o princípio de equivalência das taxas de juros. Colocando simplesmente, qualquer taxa de juros por um período de tempo é equivalente a outra taxa de juros por um diferente período de tempo.

## Métodos de Cotizar a Taxa de Juros

Existem três métodos usados comumente para cotização das taxas de juros:

\_ *Taxa Nominal*: O juro é cotado com base anual, junto com uma frequência de composição por ano. Por exemplo, a APR cotada de, digamos, 6% composto mensalmente, onde 0.5% é devido por mês.

\_ *Taxa efetiva anual*: A taxa de juros na qual a taxa dada representa a porcentagem ganha em um ano. Por exemplo, com uma taxa efetiva anual de 10%, \$1.000 rende \$100 de juros no final de um ano.

\_ *Taxa efetiva periódica*: A taxa de juros em que a taxa dada representa a porcentagem ganha durante um período de menos que um ano. Por exemplo, com uma taxa de 3% por semestre, \$300 rende \$9 após seis meses.



Uma taxa de juros cotada usando qualquer um destes três métodos pode ser convertida a qualquer outra pelos três métodos. Por exemplo, considere uma taxa de juros de 1% por mês sobre \$100. No primeiro mês, o investimento ganha, \$1 de juro. Se os juros creditados não fôr sacado, ele será adicionado ao principal, e o juro subsequente será baseado no novo saldo. Uma taxa de juros mensal de 1% é equivalente a 12,6825% por ano de taxa de juros (a taxa efetiva). Isto é calculado usando a seguinte fórmula:

$$=(1+0.01)^{12} - 1$$

Outro exemplo de uma Taxa Nominal é uma taxa de juros cotada como 6% por ano, composta trimestralmente. Isto significa que 1,5% (isto é, 6% / 4) é pago ou recebido a cada três meses.

A maioria dos bancos e instituições financeiras cota os juros com base nominal composto mensalmente. Entretanto, quando se informa o retorno de investimentos ou quando se compara taxas de juros, é comum cotar o retorno efetivo anual, que torna mais fácil para comparar as taxas. Por exemplo, sabemos que 12% por ano composto mensalmente é mais que 12% por ano composto trimestralmente — mas não sabemos (sem um cálculo de conversão intermediário) quanto mais ele é.

## Convertendo Taxa de Juros Usando o Suplemento de Funções Financeiras

Como você verá, 10 conversões diferentes podem ser exigidas na conversão entre os sistemas Nominal, Efetivo Anual e Efetivo Periódico.



As planilhas de Funções Financeiras no Excel que estão anexadas contêm um suplemento (chamado Funções Financeiras), escrito por Norman Harker. Este suplemento fornece as funções personalizadas (escritas em VBA) para calcular as conversões de taxas de juros. Você encontrará também uma pasta que demonstra o uso destas funções. Além disso, estas funções são usadas em muitos dos exemplos neste e nos capítulos subsequentes. Para a sua conveniência, as funções VBA são definidas na pasta exemplo. Portanto, você não precisa instalar o suplemento para trabalhar com as pastas exemplos.

Quando usar o suplemento das Funções Financeiras, você pode ou entrar com a função manualmente, ou usar a caixa de diálogo Inserir Função do Excel (as funções estão localizadas na categoria Financeiras).

O nome da função e os argumentos podem parecer confusos à primeira vista, mas você logo os entenderá. O nome de cada função é composto de três partes:

\_ A taxa de juros você tem (Effx, AnnEff, ou Nomx). Note que a frequência de composição da Taxa Efetiva e Nominal são denotadas por  $x$ .

\_ O símbolo linking, que é um caractere sublinhado (\_).

\_ A taxa de juros você quer (Effx, Effy, AnnEff, Nomx, ou Nomy). Novamente, as frequências de composição são denotadas por  $x$  (se ela for a mesma que a frequência da taxa que você tem), ou  $y$  (se ela for diferente).

A ordem dos argumentos também é fácil de controlar:

\_ O primeiro argumento é sempre a taxa de juros que você tem.

\_ O segundo argumento é sempre a Freqx, que é a frequência da taxa Effx ou Nomx. Note que cada função de conversão usa um argumento Freqx, e é sempre o segundo argumento.

Se existir uma segunda frequência conhecida diferente de  $x$  ou anual, há um terceiro argumento, Freqy.

## Custo Efetivo de Empréstimos



Instituições de empréstimos tipicamente publicam em suas “manchetes” as taxas para fazê-las parecer tão baixa quanto possível. Um tomador do empréstimo experiente é capaz de interpretar estas taxas para determinar quanto o empréstimo está custando realmente. A única comparação segura e constante é observar o custo efetivo em termos das taxas de juros efetivas anuais, ou alguma outra taxa comum tal como a taxa nominal anual composta mensalmente.

Esta seção apresenta quatro exemplos que demonstram como calcular o custo efetivo dos empréstimos.



Todos os exemplos desta seção estão disponíveis nas Planilhas da Pasta Funções Financeiras do Excel. Estes exemplos usam as funções de conversão de taxas de juros personalizadas do VBA.

## Impacto de Fees e Charges sobre o Juro Efetivo

Além disso, para o interessado sobre uma hipoteca, os bancos cobram frequentemente “pontos,” ou set-up fees, e taxas de serviços de conta. Estas taxas adicionam-se ao custo efetivo do empréstimo. Mas por quanto?

### EXEMPLO 26

*Um banco cota uma hipoteca taxa de 3% nominal composta mensalmente, e você está interessado em tomar um empréstimo de R\$300.000 durante 20 anos com pagamentos mensais. O banco cobra de antemão ao acordo do empréstimo uma taxa de 1% do empréstimo, mais uma taxa de serviço da conta de \$15 por mês. Qual é o custo efetivo anual do empréstimo?*

A Figura 1-5 mostra uma planilha que é montada para resolver este problema. A informação conhecida é entrada na seção base de Dados da planilha. A Tabela 1-2 lista as fórmulas centrais que realizam os cálculos. Para clareza, as fórmulas são mostradas usando valores reais ao invés de células referências.



	A	B	C	D	E	F	G	H	I
1	Custo Efetivo de Empréstimo de Hipoteca								
2									
3	<i>Um banco cota uma hipoteca taxa de 3% nominal composta mensalmente, e você está interessado em tomar um empréstimo de R\$300.000 durante 20 anos com pagamentos mensais. O banco cobra de antemão ao acordo do empréstimo uma taxa de 1% do empréstimo, mais uma taxa de serviço da conta de R\$15 por mês. Qual é o custo efetivo anual do empréstimo?</i>								
4									
5									
6	<b>Dados Base</b>								
7	Empréstimo	R\$ 300.000,00							
8	Taxa Nominal	3,0%							
9	Frequência de Composição	12							
10	Prazo em Anos	20							
11	Set up fee % do empréstimo	1,0%							
12	Taxa de Serviço da Conta	R\$ 15,00							
13									
14									
15	<b>Cálculos</b>								
16	Set up fee	R\$ 3.000,00	<--=B7*B11						
17	Empréstimo efetivo	R\$ 297.000,00	<--=B7-B16						
18	Períodos do empréstimos	240	<--=B10*B9						
19	Taxa por período do empréstimo	0,250287%	<--=EFETIVA(B8/12;B9)			Verificação			
20	Pagamento do empréstimo	(R\$ 1.664,31)	<--=PGTO(B19;B18;B7;0;0)						
21	Pagamento do empréstimo + taxa da conta	(R\$ 1.679,31)	<--=B20-B12						
22	Custo efetivo do empréstimo - por mês	0,267920%	<--=TAXA(B18;B21;B17;0;0)						
23	Custo efetivo do empréstimo - anual	3,262842%	<--=(1+B22)^12-1						
24									
25									
26									



A Célula B19 usa a função EFETIVA(Nominal/12;12).

Os pagamentos são baseados na quantia de empréstimo de \$150.000, mas o custo efetivo está baseado no fato que, após deduzir o set-up fee, o tomador do empréstimo recebe somente \$147.000. Similarmente, actual pagamentos são mais altos pela quantia de taxas de serviços da conta.

O impacto destes custos varia de acordo com o prazo: Quanto meno for o prazo, maior o impacto. Se uma hipoteca não for capaz de ser transferida para uma nova casa quando o tomador do empréstimo se mudar, o cálculo deverá ser baseado no tempo provável que a hipoteca encerrará — usualmente cerca de sete anos.

## Empréstimos de Taxa “Flat”

Muitos contratos de crédito ao consumidor usam um contrato de empréstimo nos quais uma porcentagem do empréstimo é adicionada ao empréstimo, e os pagamentos são baseados no agregado da quantia emprestada mais o juro *flat* dividido pelo número de pagamentos. Podemos usar as funções EFETIVA e TAXA do Excel para calcular os custos efetivos de tal empréstimo.

### EXEMPLO 27

*Um consumidor financia a compra do seu carro com uma taxa empréstimo flat de \$15.000 durante 18 meses. Juros de 10% \* 1,5 esta quantia é adicionado ao empréstimo e ele paga 1/18 desta quantia cada mês antecipados por 18 meses. Qual é o custo efetivo do empréstimo?*

A maneira mais fácil para resolver esta função é usar a função EFETIVA. A fórmula seguinte retorna 3,62%:



=EFETIVA(TAXA(18;-17250/18;15000;0;1);12)

Note que se o prazo de tal empréstimo for somente 12 meses, a taxa é ligeiramente mais do que o dobro da taxa *flat*. Muitos estados e nações têm legislação para tais contratos de empréstimo teriam a Taxa Anual Nominal composta mensalmente estabelecido claramente no contrato de empréstimo.

## Empréstimos Livres de Juros

Outro cálculo interessante é o custo efetivo de uma assim chamada oferta de empréstimo “livre de juros”. Fazendo estes cálculos, você precisa saber o preço para o qual você conseguirá o produto em outro lugar (sem o pacote de livre de juros).

### EXEMPLO 28

*Um consumidor compra um sistema hi-fi ao preço de tabela por \$3.000 em termos de “livre de juros” durante 12 meses, com os pagamentos antecipados. Ele poderia ter comprado um sistema idêntico por \$2.500 a vista ou em termos de crédito normal. Qual é o custo efetivo deste empréstimo?*

Novamente, a função Effic\_AnnEff VBA fornece a solução mais simples. Esta fórmula retorna 51,16%:

=Effic\_AnnEff(TAXA(12;-(3000/12);2500;0;1);12)

Tais cálculos são frequentemente mais difíceis quando o preço a vista equivalente é subjetivo (por exemplo, o mercado de veículos usados).

Você pode fazer cálculos similares para outros tipos de contratos, tais como “Pagar 25% hoje, não pagar mais por 12 meses.” Novamente, o segredo é conseguir o preço a vista equivalente, e daí então comparar os cálculos com aquele preço, rather than um preço que esteja inflacionado pelo varejista que está oferecendo o crédito.

Muitos estados e nações têm legislação de crédito ao consumidor que governam a cotação das taxas de juros. Em muitos locais, o único regulamento de contratos do tipo livre de juros é que o varejista não pode oferecer o mesmo produto a preço a vista diferente daquele cotado no contrato livre de juros.

## Custos de Empréstimos de “Pagamentos Anuais / 12”

Uma prática que está enraizada nos dias anteriores à calculadora é calcular pagamentos na base “anual postecipados”, e to cobrar the tomador do empréstimo 1/12 daquela quantia cada mês. Este cálculo foi facilitado pelas tabelas pré-preparadas de pagamentos mensais por \$1.000 de empréstimo. A prática prevails (especialmente nas UK Building Societies) parcialmente porque ela produz uma taxa de publicação mais baixa que os regimes de Taxa Nominal ou Efetiva.

### EXEMPLO 29

*Um banco oferece uma hipoteca de \$100.000 à taxa de 7% durante 10 anos, onde os pagamentos por mês são baseados em 1/12 do pagamento anualmente calculado sendo pagos mensalmente e postecipados. Qual é o custo efetivo anual?*

A fórmula seguinte (que usa a função Effic\_AnnEff VBA) retorna ,7522% (a taxa efetiva por ano):

=Effic\_AnnEff(TAXA(10\*12;PGTO(7%;10;100000;0;0)/12;100000;0;0);12)

## Calculando os Componentes de Juros e Principal

Esta seção discute quatro funções do Excel que o habilita a:

\_ Calcular os componentes de juros ou principal de um particular pagamento (as funções IPGTO e PPGTO)



\_ Calcule os componentes acumulados de juros ou principal entre quaisquer dois períodos



Os exemplos nesta seção estão disponíveis nas Planilhas da Pasta Funções Financeiras do Excel.

## Usando as Funções IPGTO e PPGTO

Você poderá querer saber (ou simplesmente estar curioso sobre) quanto de um pagamento particular constitui os juros, e quanto do pagamento vai para o principal.

Esta informação poderá ser útil na determinação de efeitos de impostos sobre os pagamentos dos juros. Se você estudou qualquer um dos exemplos de amortização de empréstimo, você sabe que o elemento juros não é constante durante a vida de um empréstimo. Ao contrário, o componente juro decresce, enquanto o componente principal cresce.



Se você criou uma planilha de amortização, estas funções não são particularmente úteis, porque você pode simplesmente refer à planilha. As funções IPGTO e PPGTO são mais úteis quando você precisar determinar o desdobramento de juros/principal de um pagamento particular.

A sintaxe para estas duas funções é como segue (argumentos em negrito são exigidos):

**IPGTO(taxa,per,nper,vp,vf,tipo)**

**PPGTO(taxa,per,nper,vp,vf,tipo)**

Como com todas as funções, a taxa, per, e nper devem coincidir em termos do período. Se o prazo do empréstimo for medido em meses, o argumento taxa deve ser a taxa efetiva por mês, e o argumento (isto é, o período de juros) deve ser um mês particular.

### EXEMPLO 30

*Um consumidor obteve um empréstimo de carro por três-anos (pagamentos mensais) por \$20.000 a uma taxa anual de 8%. Quais são as porções de juros e principal para o pagamento final do empréstimo?*

A Figura 11-6 mostra a solução, monte numa planilha.



	A	B	C	D	E
1	<b>Uso das Funções IPGTO e PPGTO</b>				
2					
3	<b>Dados do Usuário</b>				
4	Quantia Empréstada	R\$ 20.000,00			
5	Prazo do Empréstimo em Anos	3			
6	Pagamentos por Ano	12			
7	Taxa de Empréstimo (nominal) composta 12 vezes por ano				
		8,0%			
8	Quantia Balloon	R\$ -			
9	Tipo de Pagamento	0			
10					
11	<b>Cálculos</b>				
12	Período de Empréstimo para juros/principal - per	36			
13	Juros por Período	0,6667%			
14	Pagamento do Empréstimo	(R\$ 626,73)	<--=PGTO(B7/12;B15;B4;0;0)		
15	Período Total do Empréstimo - nper	36			
16					
17	Pagamento dos juros	(R\$ 4,15)	<--=IPGTO(B7/12;B12;B15;B4;0;0)		
18	Pagamento do principal	(R\$ 622,58)	<--=PPGTO(B7/12;B12;B15;B4;0;0)		
19					
20	Verificação total	(R\$ 626,73)	<--=B17+B18		
21					

**Figura 1-6: Esta planilha calcula os componentes juros e principal para quaisquer períodos de um empréstimo.**

Função exigida: IPGTO(**taxa;per;nper;vp;vf;tipo**)

Esta fórmula calcula a porção de juros do pagamento final, e retorna -\$4,15:

=IPGTO(8%/12;36;36;20000;0;0)

A fórmula seguinte calcula a porção do principal do pagamento final, e retorna -\$622,58:

=PPGTO(8%/12;36;36;20000;0;0)

No final do prazo do empréstimo, praticamente todos os pagamentos seguem adiante do principal.

Para comparar este com o primeiro empréstimo período, mudo o argumento por para 1.

Após fazer isto, as fórmulas retornam -\$133,33 (juros) e -\$493,39 (principal).



Você pode verificar os cálculos usando a função PGTO (que retorna o pagamento total, juros mais principal). A fórmula seguinte retorna -\$626.73, que é a quantia de pagamento do empréstimo (e a soma das duas fórmulas anteriores):

=PGTO(8%/12;36;-20000;0)

## Usando as Funções PGTOJURACUM e PGTOCAPACUM

As funções IPGTO e PPGTO podem ser úteis. Mas, muito frequentemente, você precisará saber os componentes juros ou principal para um grupo de períodos consecutivos. Neste caso, as funções PGTOJURACUM e PGTOCAPACUM são de grande serviço. Estas funções são úteis para se criar



planilhas de amortizações anualizadas, e para construir juros qualificados para propósitos de retorno de imposto de renda.

A sintaxe para estas funções é mostrada aqui (todos os argumentos são exigidos):

PGTOJURACUM(taxa;nper;vp; início \_ período; final\_ período;tipo\_pgto)  
PGTOCAPACUM(taxa;nper;vp; início \_ período; final\_ período; tipo\_pgto)



Estas funções estão disponíveis somente quando o suplemento Ferramentas de Análise estiver instalado.

### EXEMPLO 31

*Um consumidor está tomando emprestado \$250.000 numa hipoteca, re-embolsável durante 10 anos a 5,6% nominal, composto mensalmente, com pagamentos mensais postecipados. Quais serão os pagamentos dos juros e do principal no primeiro ano do empréstimo?*

A fórmula seguinte, para pagamentos do principal, retorna \$19.183,06:

= PGTOCAPACUM (EFETIVA(0,056/12;12);10\*12;250000;1;12;0)

A fórmula seguinte retorna \$13.541,55 (pagamento total dos juros):

= PGTOJURACUM (EFETIVA(0,056/12;12);10\*12;250000;1;12;0)

Podemos verificar estas respostas usando a função PGTO para calcular o agregado dos pagamentos. A fórmula seguinte retorna \$32,724.61, que é a soma dos resultados precedentes:

=PGTO(EFETIVA(0,056/12;12);10\*12;250000;0;0)\*12



Estas fórmulas todas usam a função personalizada do VBA Nomx\_Effx.

## Compatibilizando Juros e Frequências de Pagamento Diferentes

Os exemplos anteriores envolveram juros nominais com frequências de composição que se adaptam às frequências de pagamentos. Assim, por exemplo, poderíamos ter uma taxa nominal composta mensalmente cotada com pagamentos que também são mensais. Como usual, o mundo real não é sempre cooperativo.

### EXEMPLO 32

*Um banco cota a taxa nominal composta mensalmente em 6,3%, mas permite pagamentos semanais à taxa de juros equivalente. Se eu tomar emprestado \$300.000 durante 10 anos, quais seriam os pagamentos semanais?*

O modo fácil para resolver tais problemas é usar a função de conversão de juros personalizada Nomx\_Effy. Esta fórmula retorna \$777,51:

=PGTO(Nomx\_Effy(6,3%;12,52);10\*52;300000;0;0)

### EXEMPLO 33

*Nós temos montado uma conta anual, mas precisa manipular uma saída mensal de \$12.500. Ao invés de anualizar multiplicando por 12, qual é a quantia anual equivalente usando um depósito de 7% por ano nominal composta mensalmente? O pagamento mensal é postecipado, e a quantia equivalente é para ser calculada no final de cada ano.*



Primeiro, calcule a taxa efetiva mensal (usando uma função personalizada do VBA). A fórmula seguinte retorna 0,58333%:

```
=Nomx_Effx(7%;12)
```

Então, calcule a quantia anual equivalente usando a função VF. Esta fórmula retorna -\$154.907,29:

```
=-VF(0,58333%;12;-12500;0;0)
```



Neste exemplo, os sinais podem ser confundidos. Normalmente trataríamos a saída como um valor futuro negativo e o retorno como positivo. Entretanto, se estivermos usando o resultado como uma saída, então os sinais são revertidos. Isto pode ser feito ou usando - 12.500, como a saída, ou invertendo o sinal do resultado usando - VF (como no exemplo).

Se a quantia equivalente for calculada antecipadamente, usaríamos os mesmos princípios e aplicaríamos a função VP.

## Limitações das Funções Financeiras do Excel

As principais funções financeiras do Excel (VP, VF, PGTO, TAXA, NPER, PGTOJURACUM e PGTOCAPACUM) são muito úteis, mas elas têm duas limitações comuns:

- \_ Elas podem manipular somente um nível de taxa de juros.
- \_ Elas podem manipular somente um nível de pagamento.

Por exemplo, a função NPER não pode manipular as variações nos pagamentos que surgem com cálculos de cartão de crédito. Em tais cálculos, o pagamento mensal é baseado numa redução do saldo devedor, e pode estar também sujeito a uma regra de quantia mínima.

A solução comum para o problema de pagamentos variável é criar uma planilha de fluxo de caixa e usar outras funções financeiras que possam manipular pagamentos múltiplos e taxas. Exemplos do processo aparecem nos próximos dois capítulos. Brevemente, as funções envolvidas são:

- \_ VFPLANO, que trata da capitalização de um Valor Presente em diferentes taxas e que, quando usada numa fórmula, pode calcular o valor presente de uma quantia futura em diferentes taxas.
- \_ TIR, que trata do cálculo de uma taxa única de fluxos de caixa regulares.
- \_ VPL, cálculo da soma dos valores presentes de fluxos de caixa regulares e que pela fórmula pode manipular a soma de valores acumulados de fluxos de caixa regulares.
- \_ MTIR, que é uma TIR especialista voltada para evitar problemas de TIR múltiplas aplicando diferentes taxas aos fluxos de caixa regulares negativos e positivos.
- \_ XTIR, que trata do cálculo de uma única taxa de fluxos de caixa irregulares.
- \_ XVPL, que trata do cálculo da soma dos valores presentes de fluxos de caixa irregulares e que, numa fórmula, pode tratar a soma dos valores acumulados de fluxos de caixa irregulares.

Numa situação que envolve somente uma ou duas variações, pode ser possível evitar a construção de fluxo de caixa usando fórmulas aninhadas nela, ou aplicada às fórmulas básicas de amortização.

## Início Diferido para uma Série de Pagamentos Regulares



Em alguns casos, uma série de fluxos de caixa pode ter um início diferido. Podemos calcular o VP de uma série regular de fluxos de caixa com um início diferido usando uma fórmula como esta:

$$=VP(TAXA;NPER;PGTO;VF;Tipo)*(1+TAXA)^{-DEFER\_PER}$$

Aqui, DEFER\_PER representa o número de períodos para os quais o primeiro fluxo de caixa é diferido.

### EXEMPLO 34

*Eu quero tomar emprestado dinheiro com base em pagamentos diferidos. O período de carência será um ano. Depois disso, o empréstimo será por 10 anos com pagamentos mensais postecipados. A taxa de juros é de 8% por ano e efetiva. O empréstimo é para adquirir uma propriedade que eu estou construindo, e o banco está oferecendo o empréstimo, sujeito a pagamentos não excedendo a 75% do lucro estimado de \$9.500 por mês. Quanto eu devo tomar emprestado?*

A fórmula seguinte usa a função personalizada AnNEff\_Effx, e retorna \$550.422,02:

$$=VP(AnnEff\_Effx(8\%,12,10*12,-9500*75\%,0,0)*(1+AnnEff\_Effx(8\%,12))^{-12}$$

12

## Avaliando uma Série de Pagamentos Regulares

Podemos estender o princípio básico de desconto, mas diferentes, níveis de pagamentos encadeando as funções VP. Por exemplo, se PV1, PV2 e PV3 representam diferentes valores presentes de séries de pagamentos por períodos NPER1, NPER2 e NPER3, o valor descontado de todas as séries de pagamentos podem ser encontrados por:

$$PV1 + PV2(1+i)^{-NPER1} + PV3(1+i)^{-(NPER1+NPER2)}$$

### EXEMPLO 35

*Qual é o valor presente de uma propriedade rendendo \$5.000 por mês por quatro anos, aumentando para \$6.500 por mês nos próximos três anos, e aumentando para \$8.500 por mês nos três anos finais? Após 10 anos, a propriedade terá um valor estimado de \$1.300.000. Uma taxa de desconto de 10% por ano pode ser assumida e todos os pagamentos são antecipados.*

A fórmula seguinte retorna -\$978.224,54:

$$=VP(AnnEff\_Effx(10\%,12),48,5000,0,1) +$$

$$VP(AnnEff\_Effx(10\%,12),36,6500,0,1)*(1+AnnEff\_Effx(10\%,12))^{-48} +$$

$$VP(AnnEff\_Effx(10\%,12),36,8500,1300000,1)*(1+AnnEff\_Effx(10\%,12))^{-(48+36)}$$

Note como o valor final de \$1.300.000 foi aninhado na função VP final.

A mesma resposta poderia ser obtida pelo “aninhamento” de sucessivos Valores Presentes dentro da função precedente como valores futuros. Mas lembrando que como o VP naquele momento representa um direito à série de lucros futuros, o sinal teria que ser revertido. A fórmula seguinte retorna \$978.224,54:

$$=VP(AnnEff\_Effx(10\%,12),48,5000,-$$

$$VP(AnnEff\_Effx(10\%,12),36,6500,-$$

$$VP(AnnEff\_Effx(10\%,12),36,8500,1300000,1),1),1)$$

Destas duas abordagens, a primeira fórmula (usando as fórmulas básicas de desconto) parece mais fácil como um método; ela parece mais fácil para construir usando a técnica da megafórmula ou desdobrar em três células que são adicionadas juntas.



A fórmula seguinte retorna \$200.344,00:

$=VP(AnnEff\_Effx(10\%,12),48,5000,0,1)$

Esta fórmula retorna \$139.559,07:

$=VP(AnnEff\_Effx(10\%,12),36,6500,0,1)*(1+AnnEff\_Effx(10\%,12))^{-48}$

Esta fórmula retorna \$638.331,47:

$=VP(AnnEff\_Effx(10\%,12),36,8500,1300000,1)*(1+AnnEff\_Effx(10\%,12))^{-48+36}$

E o total dos três elementos checks at \$978.224,54.

Sujeito as exceções envolvendo apenas uma ou duas variações nas séries de pagamentos, a solução será montar uma planilha de fluxos de caixa. Isto será coberto após o próximo capítulo porque teremos que primeiro descrever as ferramentas básicas VPL e TIR.

## Sumário

Este capítulo introduziu as funções financeiras e forneceu os conceitos básicos do valor do dinheiro no tempo e taxas de juros equivalentes. O capítulo apresentou uma série de exemplos que usaram as funções financeiras principais para capitalização, desconto e amortização de empréstimos.

O próximo capítulo apresenta exemplos que usam o Excel para cálculos de depreciação, e introduz as técnicas de cálculo do valor presente líquido (VPL) e taxas internas de retorno (TIR).

