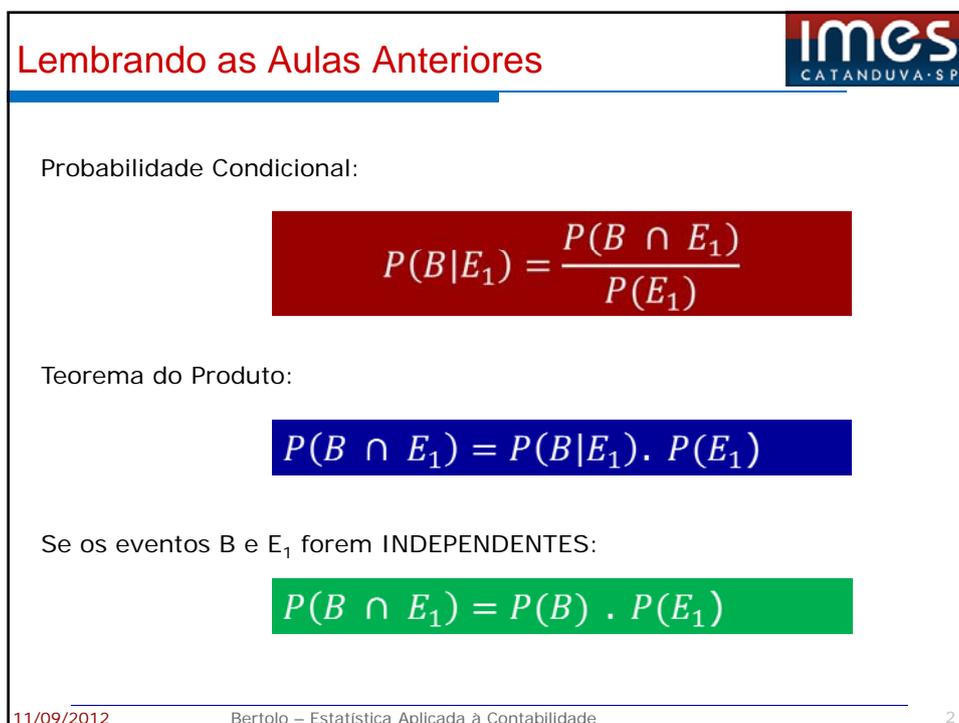


PROBABILIDADES

Esmiuçando o
Teorema de Bayes
e
fazendo exercícios

BERTOLO

imes
CATANDUVA · SP



Lembrando as Aulas Anteriores

imes
CATANDUVA · SP

Probabilidade Condicional:

$$P(B|E_1) = \frac{P(B \cap E_1)}{P(E_1)}$$

Teorema do Produto:

$$P(B \cap E_1) = P(B|E_1) \cdot P(E_1)$$

Se os eventos B e E_1 forem INDEPENDENTES:

$$P(B \cap E_1) = P(B) \cdot P(E_1)$$

11/09/2012 Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade 2

imes
CATANDUVA · SP

Lembrando as Aulas Anteriores



Teorema da Probabilidade Total

$$P(B) = \sum_{i=1}^n P(E_i \cap B) = \sum_{i=1}^n P(E_i)P(B|E_i)$$

Teorema de Bayes:

$$P(A_i|B) = \frac{P(B|A_i)P(A_i)}{P(B)}$$

11/09/2012 Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade 3

imes
CATANDUVA · SP

EXEMPLO 1- Enunciado e Discussão

As máquinas A e B são responsáveis por 60% e 40%, respectivamente, da produção de uma empresa.
Os índices de peças defeituosas na produção destas máquinas valem 3% e 7% respectivamente. Se uma peça defeituosa foi selecionada da produção desta empresa, qual é a probabilidade de que tenha sido produzida pela máquina B?

Solução

Definindo os eventos A: peça produzida por A	$P(d A) = 3\% = 0,03$
B: peça produzido por B	$P(d B) = 7\% = 0,07$
d: peça defeituosa	$P(A) = 60\% = 0,60$
	$P(B) = 40\% = 0,40$

Queremos a probabilidade $P(B|d)$

Pergunta ao Brunão: **Qual o número de peças defeituosas?**

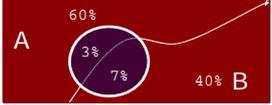
São 10% do total de peças?

Resposta: NÃO (enfático!) Vejam que temos 7% das 40% produzidas por B **MAIS** 3% das 60% produzidas por A.

Assim, total de peças defeituosas produzidas pela produção da empresa é
 $7\% \text{ de } 40\% + 3\% \text{ de } 60\% = 0,07 \times 0,40 + 0,03 \times 0,60 = 2,8\% + 1,8\% = 4,6\%$

4,6% do TOTAL de peças produzidas pela empresa.

Aqui usamos o TEOREMA DO PRODUTO



11/09/2012 Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade 4

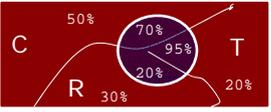
Automatizando o Exemplo 2



Definindo os eventos CS: consertar o ferro
 C: defeito no cabo R: defeito na resistência T: defeito na tomada

$P(CS|T) = 0,95$ $P(CS|R) = 0,20$
 $P(CS|C) = 0,70$ $P(T) = 0,20$
 $P(C) = 0,50$ $P(R) = 0,30$

Queremos a probabilidade $P(C|CS)$, do defeito ser no cabo dado que foi consertado.

$$P(C|CS) = \frac{P(CS|C).P(C)}{P(CS|C).P(C)+P(CS|T).P(T)+P(CS|R).P(R)}$$


Resolvendo por meio de uma tabela:

A_i	$P(A_i)$ (1)	$P(CS A_i)$ (2)	$P(CS A_i).P(A_i)$ (3) = (1)x(2)	$P(A_i CS)$ (4) = (3)/SOMA
cabo	50%	70%	$0,50 \times 0,70 = 0,350 = 35\%$	$0,350 / 0,600 = 0,5833 = 58,33\%$
tomada	20%	95%	$0,20 \times 0,95 = 0,190 = 19\%$	$0,190 / 0,600 = 0,3167 = 31,67\%$
resistência	30%	20%	$0,30 \times 0,20 = 0,060 = 6\%$	$0,060 / 0,600 = 0,1000 = 10,00\%$
Σ	100%		SOMA = $P(CS) = 0,600 = 60\%$	

Prob. de uma
defeito escolhido
ao acaso ser no:

Prob. de ser
consertado E o
defeito ser no
dispositivo

Prob. de ser no
dispositivo dado
que foi
consertado.

A probabilidade do defeito ser no cabo dado que foi consertado **58,33%**.

11/09/2012 Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade 9

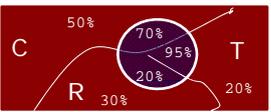
Automatizando o Exemplo 2



Definindo os eventos CS: consertar o ferro
 C: defeito no cabo R: defeito na resistência T: defeito na tomada

$P(CS|T) = 0,95$ $P(CS|R) = 0,20$
 $P(CS|C) = 0,70$ $P(T) = 0,20$
 $P(C) = 0,50$ $P(R) = 0,30$

Queremos a probabilidade $P(R|CS)$, do defeito ser no cabo dado que foi consertado.

$$P(R|CS) = \frac{P(CS|R).P(R)}{P(CS|C).P(C)+P(CS|T).P(T)+P(CS|R).P(R)}$$


Resolvendo por meio de uma tabela:

A_i	$P(A_i)$ (1)	$P(CS A_i)$ (2)	$P(CS A_i).P(A_i)$ (3) = (1)x(2)	$P(A_i CS)$ (4) = (3)/SOMA
cabo	50%	70%	$0,50 \times 0,70 = 0,350 = 35\%$	$0,350 / 0,600 = 0,5833 = 58,33\%$
tomada	20%	95%	$0,20 \times 0,95 = 0,190 = 19\%$	$0,190 / 0,600 = 0,3167 = 31,67\%$
resistência	30%	20%	$0,30 \times 0,20 = 0,060 = 6\%$	$0,060 / 0,600 = 0,1000 = 10,00\%$
Σ	100%	185%	SOMA = $P(CS) = 0,600 = 60\%$	

Prob. de uma
defeito escolhido
ao acaso ser no:

Prob. de ser
consertado E o
defeito ser no
dispositivo

Prob. de ser no
dispositivo
dado que foi
consertado.

A probabilidade do defeito ser no cabo dado que foi consertado **10,00%**.

11/09/2012 Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade 10

Atividade 03



Ambientalistas de uma ONG (Organização Não Governamental), após um levantamento de dados, constataram, em uma cidade, a existência de três indústrias: I, II, III. Cada indústria participa com 40%, 35%, 25%, respectivamente, da produção industrial da cidade. A proporção de gases poluentes lançados na atmosfera é de 2% pela indústria I, 1% pela indústria II e 3% pela indústria III. Uma análise da emissão de gases poluentes ou de partículas sólidas na atmosfera é realizada ao acaso nesta cidade, o que permitiu aos ambientalistas verificar a existência de poluição atmosférica. Qual a probabilidade dos gases considerados poluentes terem sido lançados pela indústria II?

Solução

Primeiro denominamos cada um dos eventos, depois com muita atenção definimos a probabilidade condicionada ao evento de interesse.

II: representa o evento "lançado pela indústria II"
 G: representa o evento "gases poluentes lançados na atmosfera"

Pergunta: Qual probabilidade dos gases considerados poluentes terem sido lançados pela indústria II? Logo, queremos a probabilidade condicional de:

$P(II|G) = ?$

Atenção! Não se esqueça que os gases poluentes podem provir de qualquer uma das três indústrias (e só de uma). Portanto, confira a seguir como realizar os cálculos de $P(G)$, que representa a probabilidade dos gases considerados poluentes lançados na atmosfera.

$$P(II|G) = \frac{P(II \cap G)}{P(G)} = \frac{P(II)P(G|II)}{P(G)}$$

Como calcular $P(G)$? Resp: teorema da probabilidade total

$$P(G) = P(I)P(G|I) + P(II)P(G|II) + P(III)P(G|III) = P(0,40)P(0,02) + P(0,35)P(0,01) + P(0,25)P(0,03) = 0,019$$

$$P(II|G) = \frac{P(II)P(G|II)}{P(G)} = \frac{(0,35)(0,01)}{(0,40)(0,02) + (0,35)(0,01) + (0,25)(0,03)} = \frac{0,0035}{0,019} = 0,184 = 18,4\%$$

Portanto, conclui-se que a probabilidade dos gases, considerados poluentes, terem sido lançados pela indústria II é de aproximadamente 18,4%.

11/09/2012
Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade
11

Automatizando o Exemplo 3



Definindo os eventos II: lançado por II
 G: gases poluentes lançados na atmosfera

Queremos a probabilidade $P(II|G)$, dos gases poluentes terem sido lançados por II.

$$P(II|G) = \frac{P(G|II) \cdot P(II)}{P(G|I) \cdot P(I) + P(G|II) \cdot P(II) + P(G|III) \cdot P(III)}$$

Resolvendo por meio de uma tabela:

A _i	P(A _i) (1)	P(G A _i) (2)	P(G A _i)·P(A _i) (3) = (1)·(2)	P(A _i G) (4) = (3)/SOMA
I	40%	2%	0,02x0,40=0,008=0,8%	0,008/0,019=0,4210=42,10%
II	35%	1%	0,01x0,35=0,0035=0,35%	0,0035/0,019=0,1842=18,42%
III	25%	3%	0,03x0,25=0,0075=0,75%	0,0075/0,019=0,3947=39,47%
Σ	100%		SOMA=P(CS)=0,0190=1,90%	

Prob. da indústria emitir gases poluentes

Prob. de ser poluente E ser da indústria

Prob. de ser da indústria dado que é poluente, ou, qual a prob. da indústria naquele gás poluente.

A probabilidade dos gases poluentes ter sido lançados pela indústria II é de **18,42%**.

11/09/2012
Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade
12

EXERCÍCIO 1 – Medeiros p.164



Um pesquisador desenvolve sementes de quatro tipos de plantas: P_1, P_2, P_3, P_4 . Plantados canteiros-pilotos destas sementes, a probabilidade de todas germinarem é de 40%, para P_1 , 30% para P_2 , 25% para P_3 , e 50% para P_4 .

- Escolhido um canteiro ao acaso, calcular a probabilidade de que todas as sementes tenham germinado.
- Escolhido um canteiro ao acaso, verificou-se que nem todas as sementes germinaram. Calcule a probabilidade de que o canteiro escolhido seja o de sementes de P_3 .
- Escolhido um canteiro ao acaso, verificou-se todas as sementes germinaram. Calcule a probabilidade de que o canteiro escolhido seja o de sementes de P_1 .

Solução

$P(G \cap P_1)$ = probabilidade de todas sementes do canteiro P_1 germinarem = 40%.

$P(G \cap P_2)$ = probabilidade de todas sementes do canteiro P_2 germinarem = 30%.

$P(G \cap P_3)$ = probabilidade de todas sementes do canteiro P_3 germinarem = 25%.

$P(G \cap P_4)$ = probabilidade de todas sementes do canteiro P_4 germinarem = 50%.

- Escolhido um canteiro ao acaso ($P(P_1) = P(P_2) = P(P_3) = P(P_4) = 25\%$), a probabilidade de todas as sementes germinarem é:

$$P(G) = P(G \cap P_1) + P(G \cap P_2) + P(G \cap P_3) + P(G \cap P_4) \dots \text{Teorema Probab. Total}$$

$$P(G) = P(G|P_1) \cdot P(P_1) + P(G|P_2) \cdot P(P_2) + P(G|P_3) \cdot P(P_3) + P(G|P_4) \cdot P(P_4)$$

$$= 0,40 \cdot 0,25 + 0,30 \cdot 0,25 + 0,25 \cdot 0,25 + 0,50 \cdot 0,25 = 0,3625$$

- Escolhido um canteiro ao acaso, a probabilidade o escolhido seja P_3 dado que nem todas as sementes germinaram é:

$$P(P_3|G) = \frac{P(G|P_3) \cdot P(P_3)}{P(G)} = \frac{0,25 \cdot 0,25}{0,3625} = 0,2941 \text{ ou } 29,41\%$$

- Escolhido um canteiro ao acaso, a probabilidade que o escolhido seja P_1 dado que todas as sementes germinaram é:

$$P(P_1|G) = \frac{P(G|P_1) \cdot P(P_1)}{P(G)} = \frac{0,40 \cdot 0,25}{0,3625} = 0,2759 \text{ ou } 27,59\%$$

11/09/2012

Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade

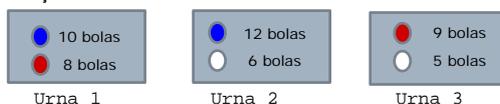
13

EXERCÍCIO 2 – Medeiros p.164



Considere três urnas, a primeira contém 10 bolas azuis e 8 vermelhas, a segunda 12 bolas azuis e 6 brancas e a terceira 9 bolas vermelhas e 5 brancas..

- Uma urna é escolhida ao acaso e uma bola é retirada. Qual a probabilidade de que essa bola seja branca?.
- Uma urna é escolhida ao acaso e dela retirada uma bola branca. Qual a probabilidade de que essa urna seja a segunda?

Solução

$$P(\text{Branca} | \text{Urn}2) = (6/18) \quad P(\text{Branca} | \text{Urn}3) = (5/14) \quad P(\text{Urn}1) = P(\text{Urn}2) = P(\text{Urn}3) = 1/3$$

- Queremos a probabilidade de ser branca. Portanto precisamos calcular a probabilidade de ser branca E da urna 2 UNIÃO de ser branca E da urna 3:

$$P(B) = P(B \cap U_2) + P(B \cap U_3) \dots \text{Teorema Probab. Total}$$

$$P(B) = P(B|U_2) \cdot P(U_2) + P(B|U_3) \cdot P(U_3)$$

$$= (6/18) \cdot (1/3) + (5/14) \cdot (1/3) = (29/42) \cdot (1/3) = 0,2302 \text{ ou } 23,02\%$$

- Escolhido uma bola branca (pode ser da urna 2 ou urna 3), queremos a probabilidade de que ela seja da urna 2:

$$P(U_2|B) = \frac{P(B|U_2) \cdot P(U_2)}{P(B)} = \frac{\left(\frac{6}{18}\right) \cdot \left(\frac{1}{3}\right)}{0,2302} = \frac{\frac{1}{9}}{0,2302} = 0,4827 \text{ ou } 48,27\%$$

11/09/2012

Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade

14

EXERCÍCIO 3 – Medeiros p.164



Um vendedor de produtos eletrônicos estima que 2% dos seus clientes são da classe A, 15% da classe B, 63% da classe C e o restante das classes D e E. Ele está divulgando uma promoção para a venda de computadores portáteis e acredita que tem 90% de probabilidade de vendê-los para indivíduos da classe A, 70% de probabilidade de vendê-los para a classe B, para a classe C, 40%, e para as classes D e E, 10%.

- Um cliente entra na loja. Qual a probabilidade de ele comprar o computador em promoção?
- Um cliente entra na loja e não se interessa pela promoção. Qual a probabilidade de que seja da classe B?

Solução

$$\begin{array}{llll} P(V|A) = 90\% & P(V|B) = 70\% & P(V|C) = 40\% & P(V|D \text{ e } E) = 10\% \\ P(A) = 2\% & P(B) = 15\% & P(C) = 63\% & P(D \text{ e } E) = 20\% \end{array}$$

- Queremos a probabilidade do cliente (qualquer classe) que entrou na loja comprar o computador, ou, da loja vender (sucesso):

$$P(V) = P(V \cap A) + P(V \cap B) + P(V \cap C) + P(V \cap D) \dots \text{Teorema Probab. Total}$$

$$P(V) = P(V|A) \cdot P(A) + P(V|B) \cdot P(B) + P(V|C) \cdot P(C) + P(V|D) \cdot P(D)$$

$$= 0,90 \cdot 0,02 + 0,70 \cdot 0,15 + 0,40 \cdot 0,63 + 0,10 \cdot 0,20 = 0,3950$$

ou 39,50%

- O cliente não se interessou pela promoção e queremos saber a probabilidade dele ser da classe B:

$$P(\bar{V}|B) = 1 - P(V|B) = 1 - 0,70 = 0,30$$

$$P(B|\bar{V}) = \frac{P(\bar{V}|B) \cdot P(B)}{P(\bar{V})} = \frac{0,30 \cdot 0,15}{1 - 0,3950} = \frac{0,045}{0,605} = 0,0744 \text{ ou } 7,44\%$$

11/09/2012

Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade

15

EXERCÍCIO 3 – Medeiros p.165



Um frigorífico abate frangos e é abastecido por 3 granjas. A Granja 1 (G1) contribui com 35% da produção para o abate, enquanto que a Granja 2 (G2) com 45% e a Granja 3 (G3) o restante.

Dados históricos dos arquivos do frigorífico revelam que 4% dos animais da G1 chegam com peso abaixo do normal, enquanto que da G2 essa porcentagem é de 5% e da G3 é de 2%.

- Escolhido ao acaso um animal para abate da G3, qual a probabilidade dele estar com peso normal?
- Escolhendo-se ao acaso um animal para abate, qual a probabilidade de que ele apresente peso abaixo do normal? E peso normal?
- Um animal escolhido ao acaso está com peso abaixo do normal. Qual a probabilidade de que ele seja da G2?

Solução

- Queremos a probabilidade do animal escolhido ao acaso na G3 estar com peso normal:

$$P(\bar{P}_{abato}|G3) = 1 - P(P_{abato}|G3) = 1 - 0,02 = 0,98 \text{ ou } 98\%$$

- Queremos a probabilidade do animal escolhido ao acaso de qualquer granja apresentar peso abaixo do normal e a de apresentar peso igual ao normal:

$$P(P_{abato}) = P(P_{abato} \cap G1) + P(P_{abato} \cap G2) + P(P_{abato} \cap G3) \dots \text{Teorema Probab. Total}$$

$$P(P_{abato}) = P(P_{abato}|G1) \cdot P(G1) + P(P_{abato}|G2) \cdot P(G2) + P(P_{abato}|G3) \cdot P(G3) =$$

$$= 0,04 \cdot 0,35 + 0,05 \cdot 0,45 + 0,02 \cdot 0,20 = 0,0405 \text{ ou } 4,05\%$$

$$P(\bar{P}_{abato}) = 1 - P(P_{abato}) = 0,9595 \text{ ou } 95,95\%$$

- Queremos a probabilidade do animal escolhido ao acaso, estando com peso abaixo do normal, ser da G2:

$$P(G2|P_{abato}) = \frac{P(P_{abato}|G2) \cdot P(G2)}{P(P_{abato})} = \frac{0,05 \cdot 0,45}{0,0405} = \frac{0,0225}{0,0405} = 0,5556 \text{ ou } 55,56\%$$

11/09/2012

Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade

16

EXERCÍCIO 3 – Medeiros p.165



Um frigorífico abate frangos e é abastecido por 3 granjas. A Granja 1 (G1) contribui com 35% da produção para o abate, enquanto que a Granja 2 (G2) com 45% e a Granja 3 (G3) o restante.

Dados históricos dos arquivos do frigorífico revelam que 4% dos animais da G1 chegam com peso abaixo do normal, enquanto que da G2 essa porcentagem é de 5% e da G3 é de 2%.

- Escolhido ao acaso um animal para abate da G3, qual a probabilidade dele estar com peso normal?
- Escolhendo-se ao acaso um animal para abate, qual a probabilidade de que ele apresente peso abaixo do normal? E peso normal?
- Um animal escolhido ao acaso está com peso abaixo do normal. Qual a probabilidade de que ele seja da G2?

Solução

Resolvendo por meio de uma tabela:

A_i	$P(A_i)$ (1)	$P(P_{\text{abaixo}} A_i)$ (2)	$P(P_{\text{abaixo}} A_i).P(A_i)$ (3) = (1)x(2)	$P(A_i P_{\text{abaixo}})$ (4) = (3)/SOMA
G1	35%	4%	1,4%	34,57%
G2	45%	5%	2,25%	55,56%
G3	20%	2%	0,4%	9,87%
		Soma	4,05%	

$$a. P(P_{\text{normal}}|G3) = P(P_{\text{abaixo}}|G3) = 1 - P(P_{\text{abaixo}}|G3) = 1 - 0,02 = 0,98 \text{ ou } 98\%$$

$$b. P(P_{\text{abaixo}}) = \text{a soma da coluna (3)} = 4,05\%$$

$$c. P(G2|P_{\text{abaixo}}) = 55,56\%$$

11/09/2012

Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade

17

EXERCÍCIO 4 – Medeiros p.167



Uma empresa produz 4% de peças defeituosas. O controle de qualidade da empresa é realizado em duas etapas independentes. A primeira etapa acusa uma peça defeituosa com 80% de probabilidade de acerto. A segunda etapa acusa uma peça defeituosa com 90% de probabilidade.

Calcule a probabilidade de que:

- Uma peça defeituosa passe pelo controle de qualidade
- Ao adquirir uma peça produzida por esta empresa, ela seja defeituosa.

Solução

a. Queremos a probabilidade de que a peça defeituosa passe pelo controle de qualidade:

$$P[(E_1|D) \cap (E_2|D)] = 0,20 \cdot 0,10 = 0,02 \text{ ou } 2\% \quad \dots \text{Eventos independentes}$$

b. Queremos a probabilidade de que seja defeituosa a peça adquirida desta empresa:

$$P(D) = 4\% \text{ de } 2\% = 0,04 \times 0,02 = 0,0008 \text{ ou } 0,08\%$$

11/09/2012

Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade

18

imes
CATANDUVA · SP

EXERCÍCIO 5 – Medeiros p.167

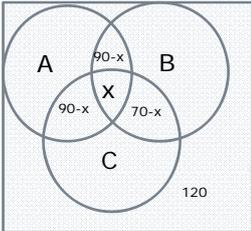
Uma pesquisa realizada sobre a preferência dos consumidores por três categorias de veículos A, B e C de uma indústria automobilística revelou que dos 500 entrevistados,

210 preferiam o veículo A 230 preferiam o veículo B 160 preferiam o veículo C
 90 preferiam os veículos A e B 90 preferiam os veículos A e C 70 preferiam os veículos B e C
 120 entrevistados não preferiam nenhuma das três categorias.

Um consumidor é selecionado ao acaso entre os entrevistados. Calcule a probabilidade de que:

- Ele prefira as três categorias.
- Ele prefira somente uma das categorias.
- Ele prefira pelo menos duas categorias.

Solução



$$x + 2(90-x) + (70-x) + A + B + C = 500 - 120 \Rightarrow 250 - 2x + A + B + C = 380$$

$$(90-x) + x + (70-x) + B = 230 \Rightarrow B - x = 70$$

$$(90-x) + x + (70-x) + C = 160 \Rightarrow x = C$$

$$2(90-x) + x + A = 210 \Rightarrow A - x = 30$$

$$250 - 2x + (30+x) + (70+x) + x = 380 \Rightarrow x = 380 - 350 = 30$$

a. Queremos a probabilidade de que prefira as três categorias:

$$P(A \cap B \cap C) = \frac{30}{500} = 0,06 \text{ ou } 6\%$$

b. Queremos a probabilidade de que prefira apenas uma das categorias:

$$P(A \cup B \cup C) = P(A) + P(B) + P(C) = \frac{60}{500} + \frac{100}{500} + \frac{30}{500} = \frac{190}{500} = 0,38 \text{ ou } 38\%$$

c. Queremos a probabilidade de que prefira pelo menos 2 categorias:

$$P(2) + P(3) = 1 - P(0) - P(1) = 1 - (120/500) - 0,38 = 1 - 0,24 - 0,38 = 0,38 \text{ ou } 38\%$$

11/09/2012 Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade 19

imes
CATANDUVA · SP

EXERCÍCIO 6 – Medeiros p.167

As fábricas A, B e C são responsáveis por 50%, 30% e 20% do total de peças produzidas por uma companhia. Os percentuais de peças defeituosas na produção destas fábricas valem respectivamente 1%, 2% e 5%. Uma peça produzida por esta companhia é adquirida em um ponto de venda. Determine a probabilidade de que:

- A peça seja defeituosa.
- A peça tenha sido produzida pela fábrica C, sabendo-se que é defeituosa.
- Não tenha sido produzida pela fábrica A se ela é boa.

Solução

a. Queremos a probabilidade de que a peça seja defeituosa:

$$P(D) = P(D \cap A) + P(D \cap B) + P(D \cap C) = P(D|A)P(A) + P(D|B)P(B) + P(D|C)P(C)$$

$$P(D) = 0,01 \cdot 0,50 + 0,02 \cdot 0,30 + 0,05 \cdot 0,20 = 0,005 + 0,006 + 0,01 = 0,021 \text{ ou } 2,1\%$$

b. Queremos a probabilidade de que seja produzida por C, sendo defeituosa:

$$P(C|D) = \frac{P(C \cap D)}{P(D)} = \frac{P(D|C)P(C)}{P(D)} = \frac{0,05 \cdot 0,20}{0,021} = \frac{0,01}{0,021} = 0,4762 \text{ ou } 47,62\%$$

c. Queremos a probabilidade não fora produzida por A, sendo boa:

$$P(\bar{A}|\bar{D}) = \frac{P(\bar{A} \cap \bar{D})}{P(\bar{D})} = \frac{P(\bar{D}|B)P(B) + P(\bar{D}|C)P(C)}{1 - 0,021} = \frac{0,98 \cdot 0,30 + 0,95 \cdot 0,20}{0,979} = \frac{0,2940 + 0,1900}{0,979} = 0,4944 \text{ ou } 49,44\%$$

11/09/2012 Bertolo – Estatística Aplicada à Contabilidade 20

Resumo



Neste capítulo, introduzimos os conceitos básicos atribuídos às probabilidades, e determinamos situações práticas às quais ela se aplica. Abordamos algumas definições e regras importantes e necessárias ao entendimento e aplicação do cálculo de probabilidades. Dentre elas, a **Definição Clássica**, a **Definição Frequentista** e a **Definição Subjetiva**, com a inserção de exemplos práticos e desenvolvidos passo a passo.

Estudamos alguns axiomas e teoremas de probabilidade. Indicamos a leitura do texto Probabilidade (MORETTIN, 2009), dentro do qual você conheceu os Teoremas de Probabilidade, a probabilidade condicional e a aplicação do teorema de Bayes para o cálculo de probabilidades *a posteriori*, utilizando as probabilidades *a priori*.